Iisdem igitur datis, jungatur \* Al, & producatur in S, donec AS stat

aqualis AH, junctáque HS, & bisecta IS in M, ducatur

\*V.Fig.IX. per M recta RM2 normalis ad HS, in quam cadat ex A

normalis A2, & cui parallelus ducatur radius AC. Tum

satistribus proportionalibas IA, A2, AE, stat ut SA ad AE, ita M2

at AD, & RS ad AP (in recta A2 versus 2;) & in eadem ab alia parte

sumatur DO equilis DC. Demun, bisectà PD in X, inclinetur per X, angulo semi-recto ad AX, recta VXL, occurrens normali in Derecte in puncto

V, & in quam ex O cadat normalis OB Ajo, si stat ut VX ad XB, ita

XB ad BL, punctum Lesse verticem, LV axem, XV latus rectum Parabole,

que Problemati satisfacit omni casu; secans nimirum Circulum datum in punctis K, quorum supremum & insimum ad Problema Alhazenianum pertinent,

reliqua ad aliud, de quo nuper ad te scripsi.

Datur, nt supra indicavi, alia quoque Parabola, que cum hac paria fucit, & cujus descriptio ex has adoò fucile deducitur, ut nova non sit opus. Sumatur enim AS, in directum DA, & ipsi equalis, & indirectum OA, ipsi quoque equalis, Aw. Tumbise HaPS in E, ducatur per Erecta & EB, normalis ad XB, concurrens cum S&, normali ad OA, in & in quam cadat normalis & B; ac siat ut & Ead EB, ita hec ad BA: Erit x vertex, x E axis, & latus restum Parabole, que in iss dem cum priore punctis Circulum datum secabit. Sed de Problemate Alhazeni jam plus quam satis. Vale, & quo soles affectu, tui semper observantissimum porrò prosequi perge. Dab. Leodii prid. Kal.

Septemb. CloloCLXXII,

Epistola Doct. Johannis Wallisi, PRIMAM Inventionem & Demonstrationem Equalitatis lineæ Curvæ Paraboloidis cum Recta, anno 1657. factam, Dn. Gnilielmo Neile p. m. asserens; proximeque Dn. Christophero Wren Equiti, Inventionem lineæ Rectæ æqualis Cycloidi ejusque partibus, anno 1658.

Clarissimo Viro, Henrico Oldenburg; Johannes Wallis S. Octob. 4. 1673. Oxoniæ.

Claristime Vir,

Od ad Rectificationem istius Curvæ spectat, quam ego Paraboloidem

Semi cubicalem appellare soleo; omnino errat Cl Hugenius (pag.71,

72, Horologii Oscillatorii) cum ejus inventionem primam tribuit Johanni

Heuratio Harlemensi, Anno 1659. Quippe certum est, eandem Biennio

prius invenisse demonstrasse Guilielmum Nelium Anglum, Equitis Pauli

silium: Et, post illum, id insum demonstrasse (ne plures nominem) Honoratissimum D. Vice-comitem Brounckerum, & Cl. Wrennium, Anglos; circiter menses funii, fullique, Anni 1657, atque rem jam tum apud nostros no
tissimam suisse; utpote inter eos (Geometras alio que,) qui (Soc etatis Regiæ

appellationem nondum adepti, tum solebant in Greshamensi collegio (post habitas ibidem prælectiones Mathematicae) statis diebus convenire, publicatum & cum plaus acceptam. Idque mihi literis suis, Augusto masse ture sequente, na me Oxonium datis, indicavit Honoratissimus D. Vice-comes Brounker,

sumque simul demonstrationem tunc misit; ipsissimam illam, quam, Latinè redditam, (ne verbulo, quod sciam, mutato) meamque simul (qua paulò seriùs secuta erat,) in meà ad Cl. Hugenium epistolà, trastatui de Cycloide subjunctà, pòst edidi Anno 1659, pag. 93. totamque simul rei gesta Historiam candidè & sincerè inserui. Ut mirum sit, Cl. Hugenium prioritatem temporis Heuratio jam tribuere, si ad illa satis attenderit qua tum scripsi; Idq; hoc solo pratextu, quòd non apud exteras gentes (nam apud nostros res percrebuit) statim exclamaverit eupnua.

Interea temporis, Cl. Wrennium nostrum, Anno 1658, Cycloidis Curva (ejusque partibus) aqualem invenisse Rectam, res erat jam tum nota, non in Anglia tantum sed & in Gallia Belgioque; ipsique speciatim D. Hugenio (ut ex suis ad me literis conftat) ignorato adhuc Heuratii invento; eumque omnium primum id invenisse, in confesso est. Atqui ne ipse quidem Wrennius pratendit se primum omninm invenisse Rectam Curva aqualem: Noverat utique, nec dissimulat, id invenisse Nelium anno pracedente. (Nec quidem ignorare poterat; nam, hac occasione, ipse, inter alios, tum statim, post Nehum, idipsum demonstraverat:) Hanc tantum sibi prærogativam faciens; quod isse Curvam Oblatam Restificaverit; Nelius autem Curvam potius quælivit Rectificationis capacem. (de Paraboloïdum quidem familià, sed quam nemo, quod sciam, Nelio prior speciatim consideraverat.) Wrennii verba hac sunt, (ad calcem sue de Cycloide demonstrationis, quam ab ipso acceptam subjunxi meo de Cycloide Tractatui, pag. 80. seu rectiùs 73. nam paginarum ibidem numerus perperam notatur; ) Quod de nulla Curva hactenus nota (ne quidem assumpta Circuli quadratura) priùs demonstratum suit quam ego hæc de Cycloide primaria amicis communicaveram; nisi quòd Illustris Juvenis Gulielmus Nelius, curvam quandam ita construendam. ut sit Euthysmi capax, summâ cum laude invenerat. Qua certe Wrennius non dicturus effet, si Enthysmus ille Nelii non fuisset suo prior ; quo ta. men posteriorem esse Heuratianum in confesso est.

Eandem autem Nelii curvam esse atque Heuratii, non ambigitur. Eam verò Parabolo eidem esse, non magis dixit Heuratius in demonstratione se a quàm in sua; Nelius sed neque ex earum numero esse quarum puncta quælibet Geometricè definiuntur, quod in Neliana desiderat Hugenius; (ut neque hic Heuratii partes sint quàm Nelii potiores:) quanquam ex utriusvis demonstratione id facile elicitur, (ut nec hic nec ille propterea censendus sit id ignorasse,) ut & ex illa Honoratissimi Brounckeri: (ut de mea nihil dicam; qua nominatim dicitur, & demonstratur esse, Parabolo ides Semicubicalis:) Et quidem res erat tam manisesta, ut nemo nostrûm (quod sciam)

de illo quicquam dubitaverit.

Et quidem demonstratio Nelii, preut eam ille primò publicavit, prolixior fuit & fusiùs explicata; sed Wrennii consilio, in breviorem formam statim contracta, (quam, mibi petenti missam, edidi,) rescissis omibus que non erant ad Enthysmi demonstrationem precise necessaria; (ut non mirum sit, ibidem non omnia comparere, que aliàs de natura curve dici potuissent, utpote ad presens negotium non spectantia.) Quod postquam à Wrennio resciveram, cupiebam quidem, ut & sussentiam formulam conspicerem; sed, cum, ut à

Nelio mihi mitteretur, literis petebam, pro responso nuncium accepi, obiisse Nelium: unde factum est, ut illam non viderim.

Sed perinde est; nam & eodem sensu, (vim demonstrationis quod spectat.) & eodem quasi tempore comparuit utraque; nescio an paucorum dierum intervalo: certe non tanto, ut alicujus sit momenti, Heuratium quod spectat. Et quiden, contractior illa formula, omnia habet ad demonstrationem necessaria: ipso quidem Hugenio profitente (literus suis ad me datis 15 Julii 1660) his verbis: Fermatii libellum novum simul ad me misit Carcavius, de Curvarum linearum cum rectis comparatione; in quo præcipue agitur de Paraboloide illa, quam jam ante apud nos Heuratius, apud vos Gu. Nelius rectalinea adaquavit. Post quod non speraveram, ab Hugenio distum iri (quod jam video) non multum quidem ab invento illo Nelium abfuisse, neque tamen id plane assecutum esse. Atque ego Geometrarum om nium (qui vel D. Brounkeri, vel Nelii demonstrationem à me editam conspexerint) fidem testor, Annon suerit rem demonstratu susceptam plane as-Sed & Honoratissimum D. Brounkerum testor, annon sua suerit, atque ejusalem temporis, quan suo nomine Demonstrationem ediderem: Ét Cl. Wrennium, (qui & iple Nello superstes est.) annon prolixior Nelli demonstratio, fuerit (ejus consilio) in eam formam redacta, atque tum temporis, quum ego edidi.

Audiebam porro, sub idem tempus, idem ab aliis Londini suisse demonstratum: Sed post quam demonstrationem unam atque alteram vidissem, sueritque (nemine reclamante) pro demonstrato habitum, non eram solicitus plures conquirendi. Atque cum Cl. Schotenius librum ab ipsotum nuper editum (cui Heuratianum boc inventum subjunxit) mihi (pro humanitate sua) dono misistet, mumini, me proximis ad eum literis significasse, Inventum hoc Heuratii id ipsum esse, quod ante duos annos invenerat Nelius; quodque ex eo tempore apud nostros pervulgatum suit, & à variis demonstratum: quod ipsa (siextant) testabuntur litera Novemb. 26. 1659, data. Idemque in suis, eodem ipso die ad me scriptis, babet Honoratissimus D. Brounkerus, his verbis, And indeed Heuraets invention is perfectly equipollent to Mr. Neil's, and for ought I know, he might have it from thence. Et quidem abundè testium tum esse postet (dum temporum momenta erant in recenti memoria,) si ulla foret suspicio, post tet tandem annos, litem de hoc negotio motum iri.

Et quidem quod ad reliquas istim Curva proprietates spestat, ejusque genuinam naturam, (quas Heuratius non magis quam Nelius tradidit, sed disertis verbis declinat;) saltem Fermatius (ut ut Vir magnus) non modò non tradidisse sed neque tum perspexisse censendus erit. Quippe ille (quod certe non foret fasturus, si satis intellexisset curva illius naturam,) varia se invenisse Curvarum genera gloriatur; qua non sunt nisi eadem ipsissima Parabolocides, sumptis santum pro vertice punstis ejusdem curva aliis atque aliis. Quod in meis ad D. Kenelmum Digby literis Parisios datis 24 Aug. 1660 (biduo postquam libellum illum, à D. Digbæo ad me missum, primum inspexeram,) demonstravi: Idemque in meis ad D. Hugenium, ejusdem mensis die 31 datis, indicavi. Sed metuo ne nimius videar in re terspicnâ.

Nolim autem ut hac malo animo dista putes, sive in Heuratium (qui mihi neque beneficio neque injuria notus est.) sive in Cl. Hugenium, quem magni semper habui, atque habiturus sum. & amicissime semper trastavi; ejusq; atq; inventorum suorum non iniquus suerim astimator; nedum in Fermatium, summum virum: sed ut nuda veritati testimonium perhiberem, Nelioque jam demortuo; iisque ex nostris omnibus, qui, jamdiu ante Heuratium, id ipsam demonstraverant; atque, ne mala sidei habear, in ea quam hac de re narrationem priùs edidi. Vale.

Two other Letters to the same purpose with the former: The first of the Right Honourable the Lord Vis-count Brouncker, Chancellor to her Majesty, and President of the R. Society, &c.

SIR, IT is very fure, that Mr. William Neil had in the year 1657. found out 1 and demonstrated a Streight line equal to a Paraboloeid; and did then communicate and publish the same (though not in print) to my felf and others, who used to meet at Gresham Colledge, and it was there received with good approbation; and the same was, presently afterwards, otherwise demonstrated by my felf and others: And therefore ancienter than that of Monsieur Heurat, which (as it seems.) is not pretended to have been done before the year 1659; and ancienter too than that of Sr. Ch. Wren, finding a Streight line equal to a Cycleil in the year 1658; and by him admitted so to be. Nor ought it at all to prejudice Mr. Neil, that M. Heuraet's was somewhat sooner abroad in print, than that of M. Neil, (though both in the same year 1659;) since it is well known to many of us, that Mr. Neil's was done before. Otherwise M. Hugens, by the same reason, will grant the precedency to Heuraet, of that which he now claims to be his own invention (that Rectifying the Parabolical Line and Squaring the Hyperbolical Space do mutually depend on each other:) for this was published in print by M. Henraet (or M. Schooten for him) in the year 1659, and not by M. Hugens till now, 1673: And yet M. Hugens thinks, he may well claim that invention to be his own, because he now tells us, that he found it out about the end of the year 1657, and did (some time after) communicate it privately to some friends. And whereas, he doth suppose, that this invention of his might give occasion to that other of Heuraet; we may also as well suppose, that he might have taken such occasion from hearing of Mr. Neil having done the like, (for this had been then commonly known for a great while: ) Or might have taken occasion (as well as Mr. Neil) from that of Dr. Wallis Schol. prop. 38. Arith. Infin. or from that of Sr. Ch. Wren having found a Streight equal to another Curve the year before: Or, if it were necessary to know their symbolization between the Parabolical Line and the Hyperbolical Space; he might have had it earlier from Dr. Wallis. For, when he had demonstrated (Schol. prop. 38. Ar. Infin.) that the Particles which compose the XXXXXX 2 Para-